

【1】解説 (1) 弧の長さ π cm, 面積 2π cm² (2) 弧の長さ 5π cm, 面積 15π cm²

(3) 弧の長さ 4π cm, 面積 6π cm²

(1) 弧の長さは $2\pi \times 4 \times \frac{45}{360} = \pi$ (cm)

面積は $\pi \times 4^2 \times \frac{45}{360} = 2\pi$ (cm²)

(2) 弧の長さは $2\pi \times 6 \times \frac{150}{360} = 5\pi$ (cm)

面積は $\pi \times 6^2 \times \frac{150}{360} = 15\pi$ (cm²)

(3) 弧の長さは $2\pi \times 3 \times \frac{240}{360} = 4\pi$ (cm)

面積は $\pi \times 3^2 \times \frac{240}{360} = 6\pi$ (cm²)

【2】解説 (1) 周の長さは 4π cm, 面積は $(8\pi - 16)$ cm²

(2) 周の長さは $(8 + 8\pi)$ cm, 面積は 8π cm²

(3) 周の長さは 6π cm, 面積は 3π cm²

(1) 周の長さは, 半径 4 cm, 中心角 90° のおうぎ形の弧の長さの 2 倍であるから

$$2\pi \times 4 \times \frac{90}{360} \times 2 = 4\pi \text{ (cm)}$$

面積は, 半径 4 cm, 中心角 90° のおうぎ形から, 直角をはさむ 2 辺の長さがともに 4 cm の直角二等辺三角形を除いた部分の面積の 2 倍である。

よって, 求める面積は

$$\left(\pi \times 4^2 \times \frac{90}{360} - \frac{1}{2} \times 4 \times 4 \right) \times 2 = 8\pi - 16 \text{ (cm}^2\text{)}$$

別解 面積は, 半径 4 cm, 中心角 90° のおうぎ形の面積の 2 倍から, 1 辺が 4 cm の正方形の面積をひいたものである。

よって, 求める面積は

$$\pi \times 4^2 \times \frac{90}{360} \times 2 - 4 \times 4 = 8\pi - 16 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(2) 周の長さは $8 + 8 \times \pi \times \frac{1}{2} + 2\pi \times 8 \times \frac{90}{360} = 8 + 8\pi$ (cm)